①大学（薬・香薬以外）

② 入試区分

Ⅰ期A日程

③ 出題科目

数学Ⅰ

④ 出題の意図

数学Ⅰの出題範囲（数と式，集合と命題，2次関数，図形と計量，データ分析）の中から特定の分野に偏ることなくバランスよく出題し、

以下のような項目について評価できるような問題を出題した。

・基本的な事柄・公式が理解できているか。

・基本的な計算力が身についているか。

・数学的・論理的な思考ができるか。

・問題文を読んで、それを定式化・図式化し、適切な公式を選定・組み合わせて解答を導出することができるか。

数学Ⅰ

Ⅰ　次の問い（1～4）に答えよ。

1　次のデータは，6つの袋に入っているみかんの個数である。このデータの中央値，平均値，分散，標準偏差，最頻値を求めよ。

10,　14,　16,　14,　22,　20　（個）

2　ある電気回路で電流を条件①～④に設定して電圧を測定したところ，次の表のデータが得られた。電流と電圧の相関係数は -1 であった。電圧の分散を x を用いて表せ。また，x の値を求めよ。

条件	①	②	③	④
電流(A)	0	4	8	16
電圧(V)	12	10	x	4

3　次の度数分布表は，ある学校の生徒20人の身長をまとめたものである。中央値が含まれる階級を答えよ。

階級（cm） 以上～未満	度数（人）
130 ～ 140	3
140 ～ 150	8
150 ～ 160	4
160 ～ 170	4
170 ～ 180	1
計	20

4　いろいろな大きさの正方形のおりがみが100枚ある。おりがみの一辺の長さの平均値は24 cm，おりがみの面積の平均値は625 cm^2 であった。おりがみの一辺の長さの標準偏差を求めよ。

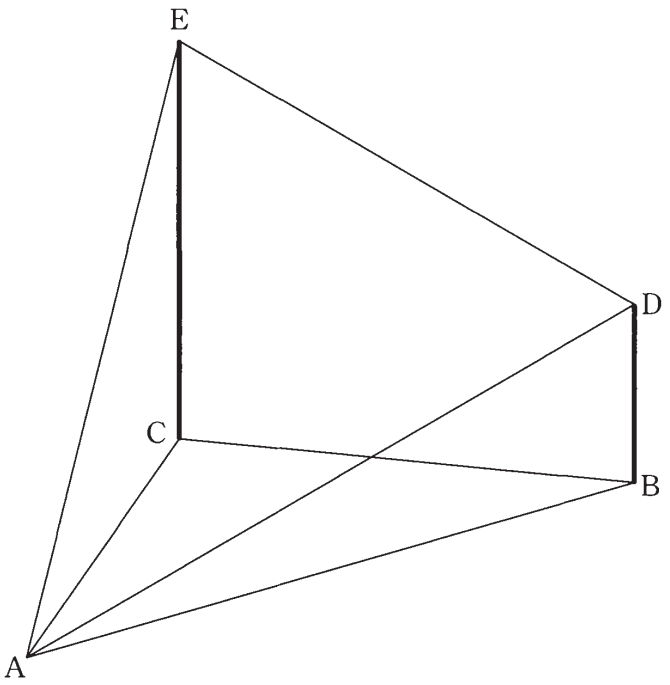
Ⅱ　地点Aから100 m離れた地点Bにビルが建っている。地点Cには鉄塔が建っている。Aからビルの屋上Dと鉄塔の頂上Eを見たところ，$\angle DAE = 60°$ であった。また，AからDを見た仰角（水平面とのなす角）は30°であった。一方，DからAとEを見たところ，$\angle ADE = 75°$ であった。また，DからEを見た仰角は30°であった。次の問い（1～4）に答えよ。ただし，地点A，B，Cは同じ平面上にあり，ビル，鉄塔はその平面に垂直に建っているものとする。

1　ビルの高さBDを求めよ。

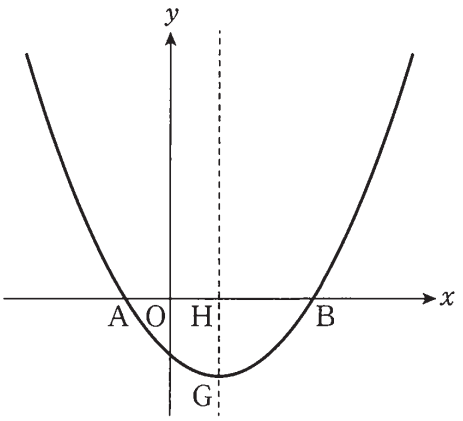
2　距離ADを求めよ。

3　距離DEを求めよ。

4　鉄塔の高さCEを求めよ。



Ⅲ　放物線 $y=ax^2-bx-c$（$a>0$，$b>0$，$c>0$）と x 軸との共有点を A，B とする。また，放物線の頂点を G，放物線の軸が x 軸と交わる点を H とする。次の問い（1 ～ 3）に答えよ。



1　頂点 G の座標を求めよ。

2　線分 AO の長さを求めよ。

3　$a=1$，線分 HG の長さが $3b-c$ のとき，c の値が最大となるときの b の値を求めよ。

理 工 学 部
人間生活学部
保健福祉学部　選択
総合政策学部
文　学　部

数学Ⅰ

Ⅰ期A日程

Ⅰ

1　小さい順に並べると 10，14，14，16，20，22 なので中央値は 14 と 16 の平均より 15

平均値は

$(10+14+16+14+22+20)\div 6=16$

2 乗の平均値は

$(10^2+14^2+16^2+14^2+22^2+20^2)\div 6=272$

分散 $=272-16^2=16$，標準偏差 $=\sqrt{16}=4$，最頻値は同じデータが 2 個存在する 14

答　中央値 15 個，平均値 16 個，分散 16，標準偏差 4 個，最頻値 14 個

2　下表より電流の平均は 7，電圧の平均は $\dfrac{13}{2}+\dfrac{x}{4}$，

共分散 $S_{IV}=-\dfrac{39}{2}+\dfrac{x}{4}$

条件	電流I	電流V	$I-\bar{I}$	$V-\bar{V}$	$(I-\bar{I})(V-\bar{V})$
①	0	12	-7	$\frac{11}{2}-\frac{x}{4}$	$-\frac{77}{2}+\frac{7x}{4}$
②	4	10	-3	$\frac{7}{2}-\frac{x}{4}$	$-\frac{21}{2}+\frac{3x}{4}$
③	8	x	1	$-\frac{13}{2}+\frac{3x}{4}$	$-\frac{13}{2}+\frac{3x}{4}$
④	16	4	9	$-\frac{5}{2}-\frac{x}{4}$	$-\frac{45}{2}-\frac{9x}{4}$
合計	28	$26+x$	0	0	$-78+x$
平均	7	$\frac{13}{2}+\frac{x}{4}$	0	0	$-\frac{39}{2}+\frac{x}{4}$

電流の分散

$$S_I{}^2=\frac{(-7)^2+(-3)^2+1^2+9^2}{4}=\frac{49+9+1+81}{4}=35$$

電圧の分散

$$S_V{}^2=\frac{\left(\frac{11}{2}-\frac{x}{4}\right)^2+\left(\frac{7}{2}-\frac{x}{4}\right)^2+\left(-\frac{13}{2}+\frac{3x}{4}\right)^2}{4}$$

$$\underline{\qquad\qquad\qquad\qquad\qquad\qquad\qquad\qquad+\left(-\frac{5}{2}-\frac{x}{4}\right)^2}$$

$$=\frac{3x^2}{16}-\frac{13x}{4}+\frac{91}{4}$$

相関係数

$$\frac{S_{IV}}{S_I S_V}=\frac{-\dfrac{39}{2}+\dfrac{x}{4}}{\sqrt{35}\sqrt{\dfrac{91-13x+\dfrac{3x^2}{4}}{4}}}=-1 \text{ より}$$

$$-\frac{39}{2}+\frac{x}{4}=-\sqrt{35}\sqrt{\frac{91-13x+\frac{3x^2}{4}}{4}}$$

両辺を二乗して

$$\frac{1521}{4}+\frac{39x}{4}+\frac{x^2}{16}=\frac{35\left(91-13x+\dfrac{3x^2}{4}\right)}{4} \text{ より}$$

$26x^2-416x+1664=0$

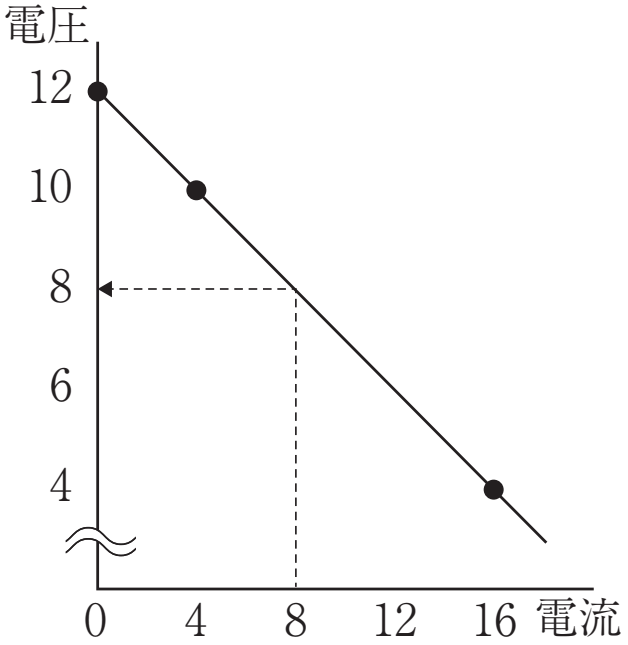
$x^2-16x+64=0$

よって $x=8$

答　電圧の分散 $\dfrac{3x^2}{16}-\dfrac{13x}{4}+\dfrac{91}{4}$，$x$ の値 8V

（別解）

x の値はグラフを書いて直線に乗る点を計算すれば自明。



3　中央値は 10 人目と 11 人目の間である。10 人目も 11 人目も，階級 140 ～ 150 に含まれるのでこの階級に中央値がある。

答　140 ～ 150cm

4　おりがみの一辺の長さを a とする。

標準偏差 $=\sqrt{\overline{a^2}-(\overline{a})^2}$ である。

$\overline{a}$ は一辺の長さの平均値，$\overline{a^2}$ は面積の平均値なので，

標準偏差 $=\sqrt{625-24^2}=\sqrt{49}=7$

答　7cm

Ⅱ

1　$\mathrm{BD}=\mathrm{AB}\cdot\tan\angle\mathrm{DAB}=\dfrac{100}{\sqrt{3}}=\dfrac{100\sqrt{3}}{3}$ m

2　$\mathrm{AD}=\dfrac{\mathrm{AB}}{\cos\angle\mathrm{DAB}}=\dfrac{100}{\frac{\sqrt{3}}{2}}=\dfrac{200\sqrt{3}}{3}\ \mathrm{m}$

3　$\angle\mathrm{AED}=180^\circ-\angle\mathrm{DAE}-\angle\mathrm{ADE}$

$=180^\circ-60^\circ-75^\circ$

$=45^\circ$

三角形 ADE において正弦定理より

$\dfrac{\mathrm{DE}}{\sin\angle\mathrm{DAE}}=\dfrac{\mathrm{AD}}{\sin\angle\mathrm{AED}}$ が成り立つので

$\mathrm{DE}=\dfrac{\mathrm{AD}}{\sin\angle\mathrm{AED}}\cdot\sin\angle\mathrm{DAE}=\dfrac{200\sqrt{3}}{3}\cdot\dfrac{1}{\frac{\sqrt{2}}{2}}\cdot\dfrac{\sqrt{3}}{2}$

$=100\sqrt{2}\ \mathrm{m}$

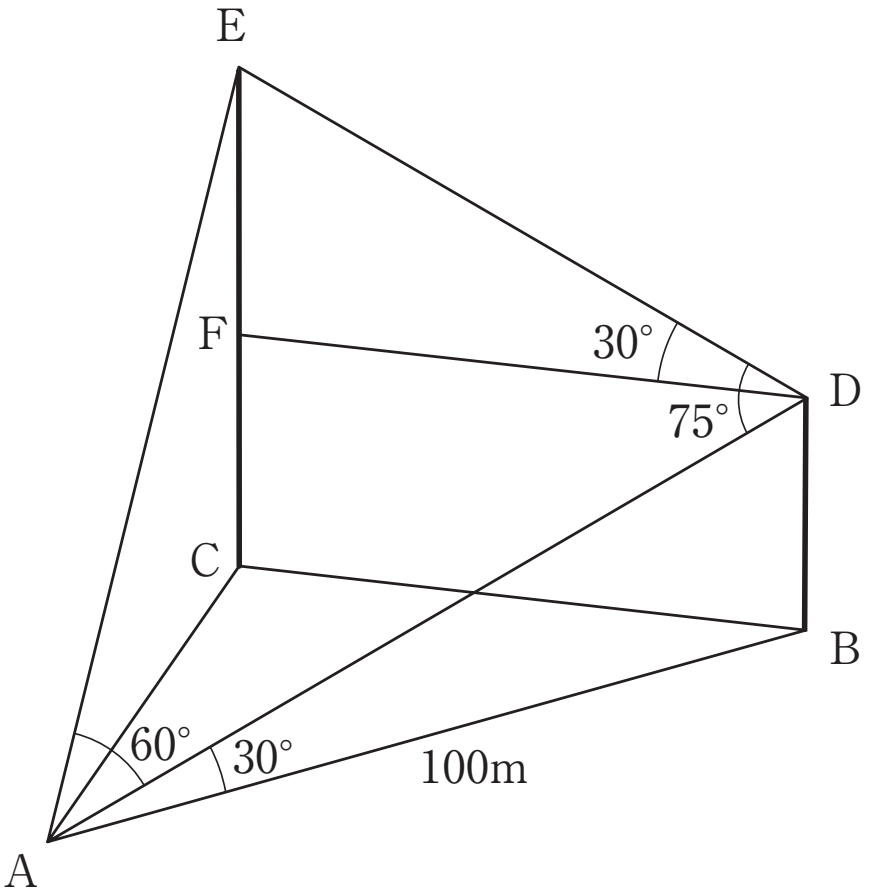
4　D から水平に引いた線 CE の交点を F とする。

ビルの屋上と鉄塔の高さの差は

$\mathrm{EF}=\mathrm{DE}\cdot\sin\angle\mathrm{EDF}=100\sqrt{2}\cdot\dfrac{1}{2}=50\sqrt{2}\ \mathrm{m}$

鉄塔の高さは

$\mathrm{CE}=\mathrm{BD}+\mathrm{EF}=\left(\dfrac{100\sqrt{3}}{3}+50\sqrt{2}\right)\mathrm{m}$



Ⅲ

1　$y = ax^2 - bx - c = a\left(x - \dfrac{b}{2a}\right)^2 - \dfrac{b^2 + 4ac}{4a}$ なので

$$\mathrm{G}\left(\frac{b}{2a},\ -\frac{b^2 + 4ac}{4a}\right)$$

2　$a > 0$，$c > 0$ であるので，判別式は $D = b^2 + 4ac > 0$

よって，2 個の共有点を持つことがわかる。

共有点の x 座標は，解の公式より，

$$x = \frac{b \pm \sqrt{b^2 + 4ac}}{2a}$$

A の x 座標は $\dfrac{b - \sqrt{b^2 + 4ac}}{2a} < 0$ であるので，

$$\mathrm{AO}=\left|\frac{b-\sqrt{b^2+4ac}}{2a}\right|=\frac{\sqrt{b^2+4ac}-b}{2a}$$

3　1より

$$\mathrm{HG}=\frac{b^2+4ac}{4a}=\frac{b^2+4c}{4}$$

題意より，$\mathrm{HG}=3b-c$ であるので，

$$\frac{b^2+4c}{4}=3b-c$$

$$\therefore\ \frac{b^2}{4}+c=3b-c$$

変形すると，

$$c=-\frac{1}{8}b^2+\frac{2}{3}b=-\frac{1}{8}(b-6)^2+\frac{9}{2}$$

よって $b=6$ のとき c は最大値をとる。