

## ①短期大学部

### ②入試区分

I期A日程

### ③出題科目

数学 I

### ④出題の意図

数学 I の出題範囲（数と式、集合と命題、2次関数、図形と計量、データ分析）の中から特定の分野に偏ることなくバランスよく出題し、

以下のような項目について評価できるような問題を出題した。

- ・ 基本的な事柄・公式が理解できているか。
- ・ 基本的な計算力が身についているか。
- ・ 数学的・論理的な思考ができるか。
- ・ 問題文を読んで、それを定式化・図式化し、適切な公式を選定・組み合わせて解答を導出することができるか。

# 数学 I

I 次の問い合わせ（1～4）に答えよ。

1 次のデータは、6つの袋に入っているみかんの個数である。このデータの中央値、平均値、分散、標準偏差、最頻値を求めよ。

10, 14, 16, 14, 22, 20 (個)

2 ある電気回路で電流を条件①～④に設定して電圧を測定したところ、次の表のデータが得られた。電流と電圧の相関係数は -1 であった。電圧の分散を  $x$  を用いて表せ。また、 $x$  の値を求めよ。

| 条件    | ①  | ②  | ③   | ④  |
|-------|----|----|-----|----|
| 電流(A) | 0  | 4  | 8   | 16 |
| 電圧(V) | 12 | 10 | $x$ | 4  |

3 次の度数分布表は、ある学校の生徒 20 人の身長をまとめたものである。中央値が含まれる階級を答えよ。

| 階級 (cm)<br>以上～未満 | 度数 (人) |
|------------------|--------|
| 130～140          | 3      |
| 140～150          | 8      |
| 150～160          | 4      |
| 160～170          | 4      |
| 170～180          | 1      |
| 計                | 20     |

4 いろいろな大きさの正方形のおりがみが 100 枚ある。おりがみの一辺の長さの平均値は 24 cm, おりがみの面積の平均値は  $625 \text{ cm}^2$  であった。おりがみの一辺の長さの標準偏差を求めよ。

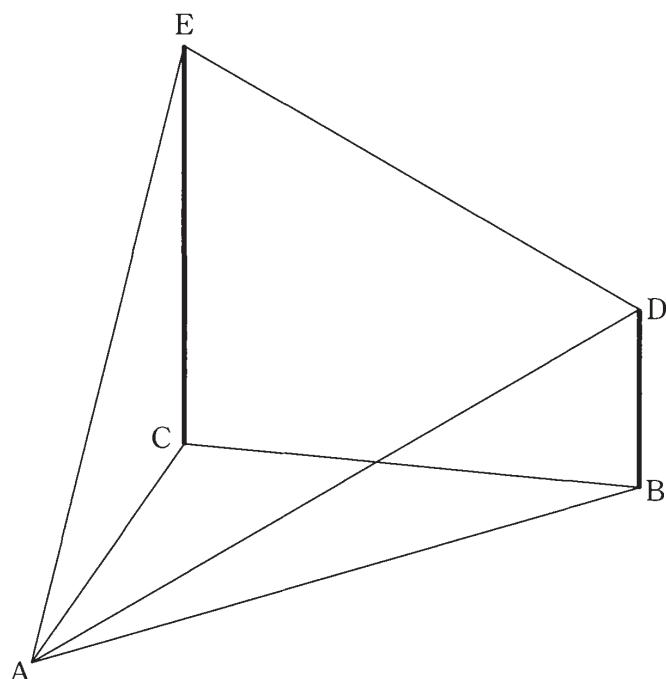
II 地点 A から 100 m 離れた地点 B にビルが建っている。地点 C には鉄塔が建っている。A からビルの屋上 D と鉄塔の頂上 E を見たところ,  $\angle DAE = 60^\circ$  であった。また, A から D を見た仰角（水平面とのなす角）は  $30^\circ$  であった。一方, D から A と E を見たところ,  $\angle ADE = 75^\circ$  であった。また, D から E を見た仰角は  $30^\circ$  であった。次の問い合わせ (1 ~ 4) に答えよ。ただし、地点 A, B, C は同じ平面上にあり、ビル、鉄塔はその平面に垂直に建っているものとする。

1 ビルの高さ BD を求めよ。

2 距離 AD を求めよ。

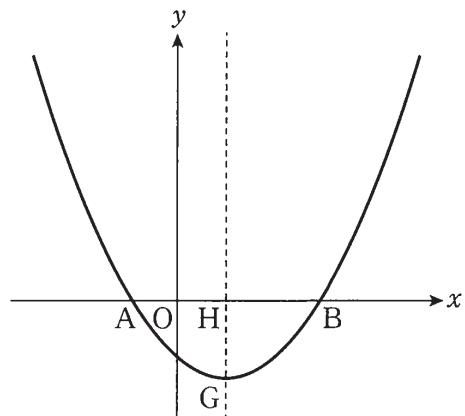
3 距離 DE を求めよ。

4 鉄塔の高さ CE を求めよ。



- III 放物線  $y = ax^2 - bx - c$  ( $a > 0$ ,  $b > 0$ ,  $c > 0$ ) と  $x$  軸との共有点を A, B とする。また、放物線の頂点を G, 放物線の軸が  $x$  軸と交わる点を H とする。次の問い（1～3）に答えよ。

- 1 頂点 G の座標を求めよ。
- 2 線分 AO の長さを求めよ。
- 3  $a = 1$ , 線分 HG の長さが  $3b - c$  のとき,  $c$  の値が最大となるときの  $b$  の値を求めよ。



|               |   |
|---------------|---|
| 商             | 科 |
| 言語コミュニケーション学科 |   |
| 生活科学科         |   |
| 保育科           |   |

選択

## 数学 I

I 期 A 日程

I

- 1 小さい順に並べると 10, 14, 14, 16, 20, 22 なので中央値は 14 と 16 の平均より 15  
平均値は

$$(10 + 14 + 16 + 14 + 22 + 20) \div 6 = 16$$

- 2 乗の平均値は

$$(10^2 + 14^2 + 16^2 + 14^2 + 22^2 + 20^2) \div 6 = 272$$

分散 =  $272 - 16^2 = 16$ , 標準偏差 =  $\sqrt{16} = 4$ , 最頻値は同じデータが 2 個存在する 14

答 中央値 15 個, 平均値 16 個, 分散 16,  
標準偏差 4 個, 最頻値 14 個

- 2 下表より電流の平均は 7, 電圧の平均は  $\frac{13}{2} + \frac{x}{4}$ ,

$$\text{共分散 } S_{IV} = -\frac{39}{2} + \frac{x}{4}$$

| 条件 | 電流 $I$ | 電流 $V$                       | $I - \bar{I}$ | $V - \bar{V}$                  | $(I - \bar{I})(V - \bar{V})$   |
|----|--------|------------------------------|---------------|--------------------------------|--------------------------------|
| ①  | 0      | 12                           | -7            | $\frac{11}{2} - \frac{x}{4}$   | $-\frac{77}{2} + \frac{7x}{4}$ |
| ②  | 4      | 10                           | -3            | $\frac{7}{2} - \frac{x}{4}$    | $-\frac{21}{2} + \frac{3x}{4}$ |
| ③  | 8      | $x$                          | 1             | $-\frac{13}{2} + \frac{3x}{4}$ | $-\frac{13}{2} + \frac{3x}{4}$ |
| ④  | 16     | 4                            | 9             | $-\frac{5}{2} - \frac{x}{4}$   | $-\frac{45}{2} - \frac{9x}{4}$ |
| 合計 | 28     | $26 + x$                     | 0             | 0                              | $-78 + x$                      |
| 平均 | 7      | $\frac{13}{2} + \frac{x}{4}$ | 0             | 0                              | $-\frac{39}{2} + \frac{x}{4}$  |

## 電流の分散

$$S_I^2 = \frac{(-7)^2 + (-3)^2 + 1^2 + 9^2}{4} = \frac{49 + 9 + 1 + 81}{4} = 35$$

## 電圧の分散

$$\begin{aligned}
S_V^2 &= \frac{\left(\frac{11}{2} - \frac{x}{4}\right)^2 + \left(\frac{7}{2} - \frac{x}{4}\right)^2 + \left(-\frac{13}{2} + \frac{3x}{4}\right)^2}{4} \\
&\quad + \left(-\frac{5}{2} - \frac{x}{4}\right)^2 \\
&= \frac{3x^2}{16} - \frac{13x}{4} + \frac{91}{4}
\end{aligned}$$

## 相関係数

$$\frac{S_{IV}}{S_I S_V} = \frac{-\frac{39}{2} + \frac{x}{4}}{\sqrt{35} \sqrt{\frac{91 - 13x + \frac{3x^2}{4}}{4}}} = -1 \text{ より}$$

$$-\frac{39}{2} + \frac{x}{4} = -\sqrt{35} \sqrt{\frac{91 - 13x + \frac{3x^2}{4}}{4}}$$

両辺を二乗して

$$\frac{1521}{4} + \frac{39x}{4} + \frac{x^2}{16} = \frac{35 \left( 91 - 13x + \frac{3x^2}{4} \right)}{4} \text{ より}$$

$$26x^2 - 416x + 1664 = 0$$

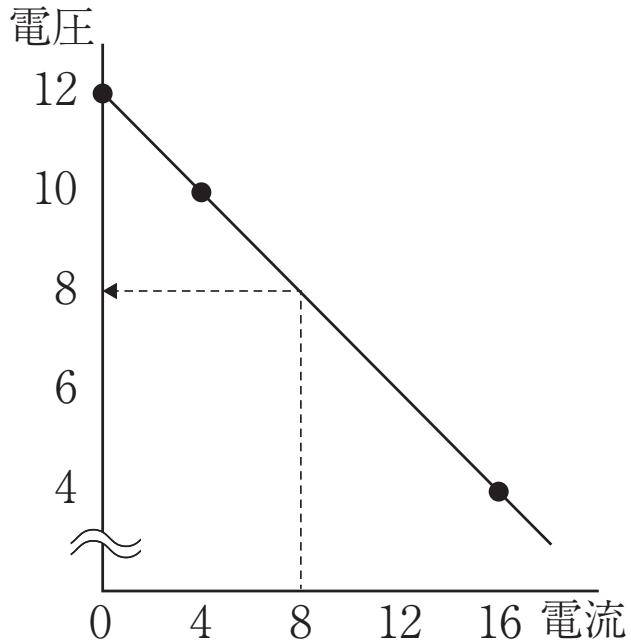
$$x^2 - 16x + 64 = 0$$

$$\text{よって } x = 8$$

答 電圧の分散  $\frac{3x^2}{16} - \frac{13x}{4} + \frac{91}{4}$ ,  $x$  の値 8V

(別解)

$x$  の値はグラフを書いて直線に乗る点を計算すれば自明。



- 3 中央値は 10 人目と 11 人目の間である。10 人目も 11 人目も、階級 140 ~ 150 に含まれるのでこの階級に中央値がある。

答 140 ~ 150 cm

- 4 おりがみの一辺の長さを  $a$  とする。

標準偏差 =  $\sqrt{\bar{a}^2 - (\bar{a})^2}$  である。

$\bar{a}$  は一辺の長さの平均値,  $\bar{a}^2$  は面積の平均値なので,

$$\text{標準偏差} = \sqrt{625 - 24^2} = \sqrt{49} = 7$$

答 7 cm

II

1  $BD = AB \cdot \tan \angle DAB = \frac{100}{\sqrt{3}} = \frac{100\sqrt{3}}{3} \text{ m}$

$$2 \quad AD = \frac{AB}{\cos \angle DAB} = \frac{100}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{200\sqrt{3}}{3} \text{ m}$$

$$\begin{aligned} 3 \quad \angle AED &= 180^\circ - \angle DAE - \angle ADE \\ &= 180^\circ - 60^\circ - 75^\circ \\ &= 45^\circ \end{aligned}$$

三角形 ADE において正弦定理より

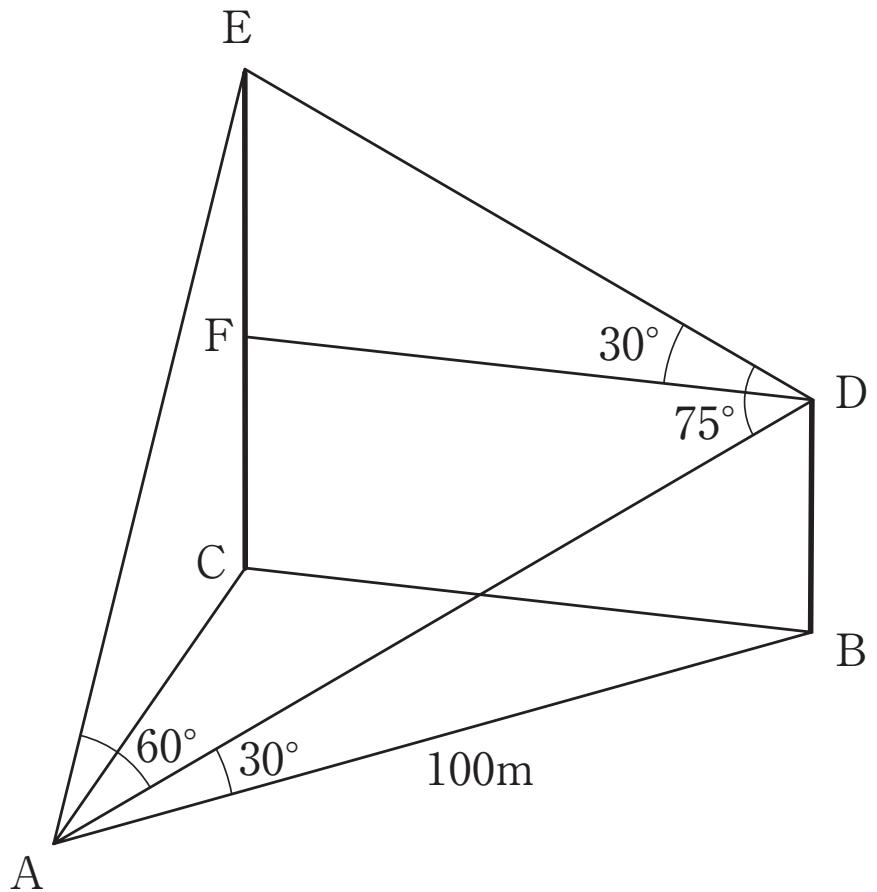
$$\begin{aligned} \frac{DE}{\sin \angle DAE} &= \frac{AD}{\sin \angle AED} \text{ が成り立つので} \\ DE &= \frac{AD}{\sin \angle AED} \cdot \sin \angle DAE = \frac{200\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{1}{\frac{\sqrt{2}}{2}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \\ &= 100\sqrt{2} \text{ m} \end{aligned}$$

4 D から水平に引いた線 CE の交点を F とする。  
ビルの屋上と鉄塔の高さの差は

$$EF = DE \cdot \sin \angle EDF = 100\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2} = 50\sqrt{2} \text{ m}$$

鉄塔の高さは

$$CE = BD + EF = \left( \frac{100\sqrt{3}}{3} + 50\sqrt{2} \right) \text{ m}$$



III

$$1 \quad y = ax^2 - bx - c = a\left(x - \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2 + 4ac}{4a} \text{ なので}$$

$$G\left(\frac{b}{2a}, -\frac{b^2 + 4ac}{4a}\right)$$

- 2  $a > 0, c > 0$  であるので、判別式は  $D = b^2 + 4ac > 0$   
よって、2個の共有点を持つことがわかる。  
共有点の  $x$  座標は、解の公式より、

$$x = \frac{b \pm \sqrt{b^2 + 4ac}}{2a}$$

A の  $x$  座標は  $\frac{b - \sqrt{b^2 + 4ac}}{2a} < 0$  であるので、

$$\text{AO} = \left| \frac{b - \sqrt{b^2 + 4ac}}{2a} \right| = \frac{\sqrt{b^2 + 4ac} - b}{2a}$$

3 1 より

$$\text{HG} = \frac{b^2 + 4ac}{4a} = \frac{b^2 + 4c}{4}$$

題意より,  $\text{HG} = 3b - c$  であるので,

$$\begin{aligned}\frac{b^2 + 4c}{4} &= 3b - c \\ \therefore \frac{b^2}{4} + c &= 3b - c\end{aligned}$$

変形すると,

$$c = -\frac{1}{8}b^2 + \frac{2}{3}b = -\frac{1}{8}(b-6)^2 + \frac{9}{2}$$

よって  $b=6$  のとき  $c$  は最大値をとる。