

①大学（薬・香葉以外）

②入試区分

I期B日程

③出題科目

数学 I

④出題の意図

数学の出題範囲（数と式、集合と命題、2次関数、図形と計量、データ分析）の中から特定の分野に偏ることなくバランスよく出題し、

以下のような項目について評価できるような問題を出題した。

- ・基本的な事柄・公式が理解できているか。
- ・基本的な計算力が身についているか。
- ・数学的・論理的な思考ができるか。
- ・問題文を読んで、それを定式化・図式化し、適切な公式を選定・組み合わせて解答を導出することができるか。

数学 I

I 次の問い（1～4）に答えよ。

1 $x = \frac{6-\sqrt{11}}{5}$ のとき、 $x + \frac{1}{x}$ と $x^2 + \frac{1}{x^2}$ の値を求めよ。

2 $\triangle ABC$ において、 $BC = 4$, $CA = 2 + \sqrt{3}$, $\angle C = 60^\circ$ のとき、辺 AB の長さを求めよ。

3 次のデータは、生徒 5 人の物理のテストを行った結果である。平均は 65.0 点であった。 a の値と 5 人の得点の分散を求めよ。

物理の得点 68, 69, 62, 61, a

4 x は実数とする。 $U = \{x | 2 < x < 15\}$ を全体集合とするとき、 U の部分集合

$$A = \{x | 4 < x < 12\}, \quad B = \{x | 3 < x < 8\}$$

について、 $\overline{A} \cap \overline{B}$ の集合を求めよ。

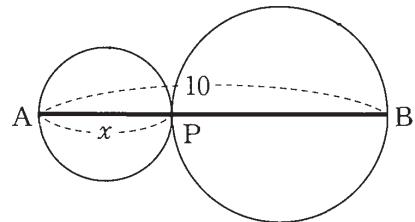
II 次の問い合わせ（1～4）に答えよ。

- 1 不等式 $4(2x-3) > 9(x-1)$ を解け。
- 2 和が 24 で、積が 119 になる 2 つの数を求めよ。
- 3 方程式 $12x^2 - 17x + 3 = 0$ の 2 つの解を α と β とするとき、 $(\alpha-1)(\beta-1)$ の値を求めよ。
- 4 ある工場では、1 つの機械で製品 A か製品 B のどちらかを生産している。製品 A は 1 個あたり 4 分、製品 B は 1 個あたり 6 分の生産時間がかかる。この機械は毎月 20 日稼動し、稼働日には 8 時間生産する。また、製品 A と製品 B を 1 日あたり合わせて 95 個生産している。この機械での製品 A と製品 B の 1 ヶ月あたりのそれぞれの生産数を求めなさい。

III 次の問い合わせ（1～4）に答えよ。

1 2次関数 $y = x^2 + bx + c$ のグラフを x 軸方向に 4, y 軸方向に -3 だけ平行移動すると, $x=2$ と $x=4$ で, x 軸と共有点をもつ。 b, c の値を求めよ。

2 長さ 10 の線分 AB 上の点 P に対して, 線分 AP, BP をそれぞれ直径とする 2つの円を作る。AP = x , 2つの円の面積の和を y とするとき, y の値が最小となるときの x の値と, そのときの y の最小値を求めよ。ただし, 円周率は π で表すものとする。



3 放物線 $y = 2x^2 - 2\sqrt{31}x + 1001$ を平行移動すると, 2点 (-2, -6), (2, 10) を通る。平行移動した放物線と x 軸との共有点の座標を求めよ。

4 地上から物体を, 秒速 40 m で真上に投げ上げたとき, t 秒後の物体の高さ y (m) は, $y = -5t^2 + 40t$ で表せるものとする。

- (1) 物体が最も高い位置に達するのは, 投げ上げてから何秒後か。また, その高さを求めよ。
- (2) 物体が地上に戻ってくるのは, 投げ上げてから何秒後か。

理 工 学 部
人間生活学部
保健福祉学部
総合政策学部
文 学 部

数学 I

I 期B日程

I

$$\begin{aligned}
 1 \quad x + \frac{1}{x} &= \frac{6 - \sqrt{11}}{5} + \frac{5}{6 - \sqrt{11}} \\
 &= \frac{6 - \sqrt{11}}{5} + \frac{5(6 + \sqrt{11})}{(6 - \sqrt{11})(6 + \sqrt{11})} \\
 &= \frac{6 - \sqrt{11}}{5} + \frac{5(6 + \sqrt{11})}{25} \\
 &= \frac{6 - \sqrt{11} + 6 + \sqrt{11}}{5} = \frac{12}{5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x^2 + \frac{1}{x^2} &= \left(\frac{6 - \sqrt{11}}{5}\right)^2 + \left(\frac{5}{6 - \sqrt{11}}\right)^2 \\
 &= \left(\frac{6 - \sqrt{11}}{5}\right)^2 + \frac{5^2(6 + \sqrt{11})^2}{(6 - \sqrt{11})^2(6 + \sqrt{11})^2} \\
 &= \frac{(6 - \sqrt{11})^2}{5^2} + \frac{5^2(6 + \sqrt{11})^2}{\{(6 - \sqrt{11})(6 + \sqrt{11})\}^2} \\
 &= \frac{(6 - \sqrt{11})^2}{5^2} + \frac{5^2(6 + \sqrt{11})^2}{25^2} \\
 &= \frac{(6 - \sqrt{11})^2 + (6 + \sqrt{11})^2}{5^2}
 \end{aligned}$$

$$= \frac{(36 - 12\sqrt{11} + 11) + (36 + 12\sqrt{11} + 11)}{5^2}$$

$$= \frac{94}{25}$$

(別解)

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = \left(\frac{12}{5}\right)^2 - 2 = \frac{144}{25} - 2 = \frac{94}{25}$$

2 余弦定理 $AB^2 = BC^2 + CA^2 - 2BC \cdot CA \cos C$ より

$$\begin{aligned} AB^2 &= 4^2 + (2 + \sqrt{3})^2 - 2 \cdot 4 \cdot (2 + \sqrt{3}) \cdot \cos 60^\circ \\ &= 16 + (7 + 4\sqrt{3}) - (8 + 4\sqrt{3}) = 15 \\ \therefore AB &= \sqrt{15} \end{aligned}$$

3 $a = 65 \times 5 - (68 + 69 + 62 + 61) = 65$

分散は、

$$\begin{aligned} s^2 &= \frac{1}{5} \left\{ (68 - 65)^2 + (69 - 65)^2 + (62 - 65)^2 \right. \\ &\quad \left. + (61 - 65)^2 + (65 - 65)^2 \right\} \\ &= \frac{1}{5} (9 + 16 + 9 + 16 + 0) = 10 \end{aligned}$$

4 $\bar{A} = \{x \mid 2 < x \leq 4, 12 \leq x < 15\}$

$\bar{B} = \{x \mid 2 < x \leq 3, 8 \leq x < 15\}$

\bar{A} と \bar{B} の共通部分 : $\bar{A} \cap \bar{B} = \{x \mid 2 < x \leq 3, 12 \leq x < 15\}$

II

1 $8x - 12 > 9x - 9$

$8x - 9x > 12 - 9$

$$x < -3$$

2 2つの数を a, b とすると, $a+b=24 \cdots \textcircled{1}$ と
 $ab=119 \cdots \textcircled{2}$ の式を得る。

①より, $b=24-a$ となり, これを②に代入すると
 $a^2-24a+119=0$ が得られる。
得られた式から

$$a = \frac{24 \pm \sqrt{576-476}}{2} = \frac{24 \pm 10}{2} = 7, 17$$

となる。これを①に代入すると

$$b = 24 - 7, 24 - 17$$

したがって, 求める2つの数は, 7と17である。

3 解の公式から

$$x = \frac{17 \pm \sqrt{17^2 - 144}}{24} = \frac{17 \pm \sqrt{145}}{24}$$

$$\begin{aligned} (\alpha-1)(\beta-1) &= \frac{17+\sqrt{145}-24}{24} \times \frac{17-\sqrt{145}-24}{24} \\ &= \frac{49-145}{24 \times 24} = -\frac{4}{24} = -\frac{1}{6} \end{aligned}$$

4 製品Aと製品Bの1日あたりの生産数をそれぞれ a と b とすると,

$$a+b=95, 4a+6b=480$$

である。この2つの式を解くと, $a=45, b=50$ が得られる。

1カ月あたりの生産量を求めるため, それぞれ20倍すると製品Aの生産数は900個, 製品Bの生産数は1,000

個となる。

III

- 1 2次関数 $y = x^2 + bx + c$ を x 軸方向に 4, y 軸方向に -3 平行移動すると、関数は、

$$\begin{aligned}y &= (x-4)^2 + b(x-4) + c - 3 \\&= x^2 + (b-8)x + 13 - 4b + c \cdots \cdots \textcircled{1}\end{aligned}$$

また、 $x=2$ と $x=4$ で x 軸と共有点をもつので、

$$y = (x-2)(x-4) = x^2 - 6x + 8 \cdots \cdots \textcircled{2}$$

この①, ②の 2 式が恒等的に等しくなるので、各係数より

$$b-8 = -6 \cdots \cdots \textcircled{3}$$

$$13-4b+c = 8 \cdots \cdots \textcircled{4}$$

③, ④を連立して解くと、

$$b = 2, \quad c = 3$$

- 2 条件より

$$\begin{aligned}y &= \pi\left(\frac{x}{2}\right)^2 + \pi\left(\frac{10-x}{2}\right)^2 = \frac{\pi}{2}(x^2 - 10x + 50) \\&= \frac{\pi}{2}\{(x-5)^2 + 25\}\end{aligned}$$

したがって、 $x=5$ のとき、 y は最小となり、

$\frac{25\pi}{2}$ となる。

- 3 条件より平行移動後の放物線の式は、

$$y = 2x^2 - bx + c \cdots \cdots \textcircled{1}$$

で与えられる。2点 $(-2, -6)$, $(2, 10)$ を通るので、それぞれの点の座標を①に代入して、

$$-6 = 2 \cdot (-2)^2 - b \cdot (-2) + c \cdots \cdots ②$$

$$10 = 2 \cdot 2^2 - b \cdot 2 + c \cdots \cdots ③$$

これら②, ③を連立して解くと、

$$b = -4, \quad c = -6$$

よって移動後の放物線の式は、

$$y = 2x^2 + 4x - 6$$

この放物線と x 軸との共有点の座標は、

$$0 = 2x^2 + 4x - 6$$
 を解くと

$$x = -3, 1$$

よって、共有点は $(-3, 0)$ と $(1, 0)$

4 (1) y の式を平方完成する。

$$\begin{aligned} y &= -5t^2 + 40t \\ &= -5(t^2 - 8t) \\ &= -5\{(t-4)^2 - 16\} \\ &= -5(t-4)^2 + 80 \cdots \cdots ① \end{aligned}$$

y が最大となるのは、式①より、 $t=4$ のとき、

$$y = 80$$

よって、4秒後、高さは 80m

(2) $y=0$ となる時間が、戻ってくるのに要した時間なので、

$$0 = -5t^2 + 40t = -5t(t-8)$$

これを解くと、

$$t = 0, 8$$

0秒のときは投げ上げる時間なのでこれは解ではない。

よって、8秒後